

# Кеширование памяти

Основы информатики

Компьютерные основы программирования

[u.to/DbCmFA](https://u.to/DbCmFA)

На основе CMU 15-213/18-243:

Introduction to Computer Systems

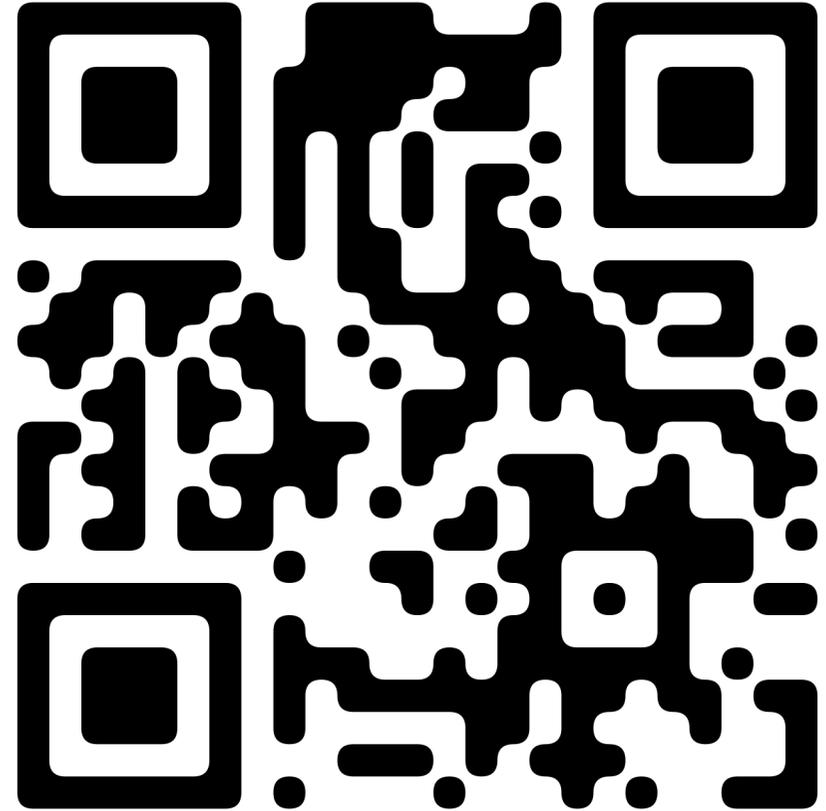
[u.to/XoKmFA](https://u.to/XoKmFA)

Лекция 10, 15 апреля 2024

Лектор:

Дмитрий Северов, кафедра информатики 608 КПМ

[cs.mipt.ru/wp/?page\\_id=346](https://cs.mipt.ru/wp/?page_id=346)



# Кеширование памятей

## ■ Организация и работа кэша

## ■ Влияние кэша на быстродействие памяти

- Диаграмма быстродействия памяти
- Реорганизация циклов улучшает пространственную локальность
- Блокирование улучшает временную локальность

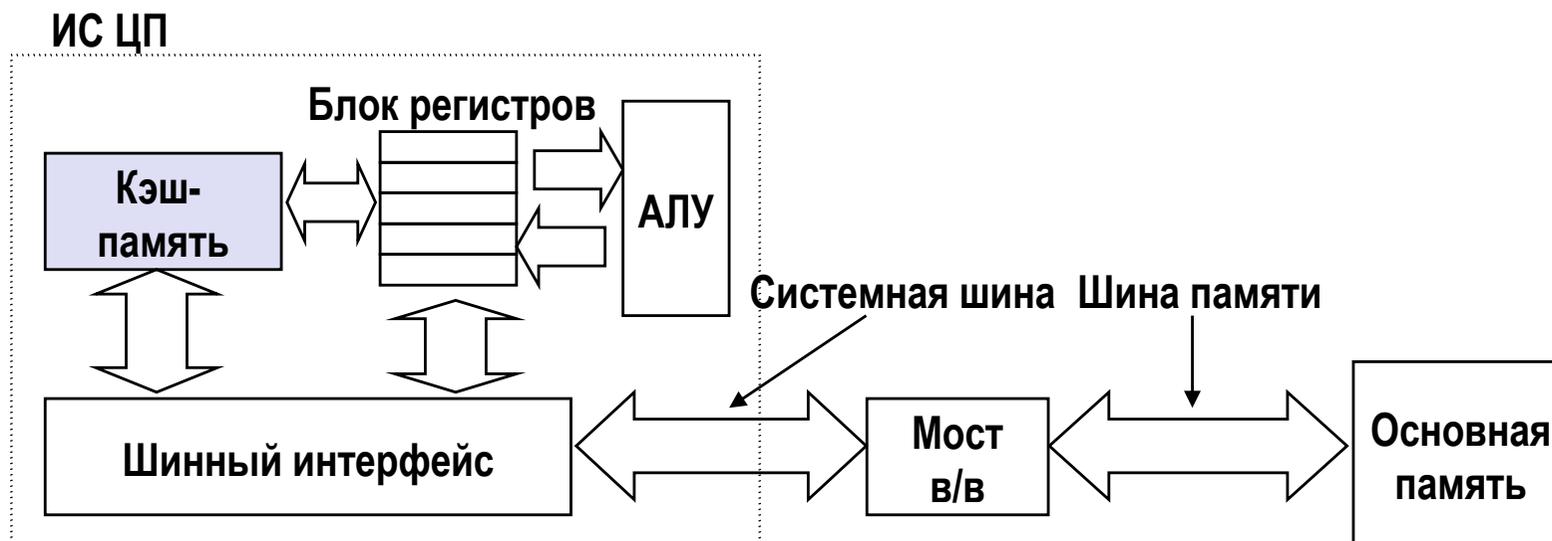
# Пример иерархии памятей



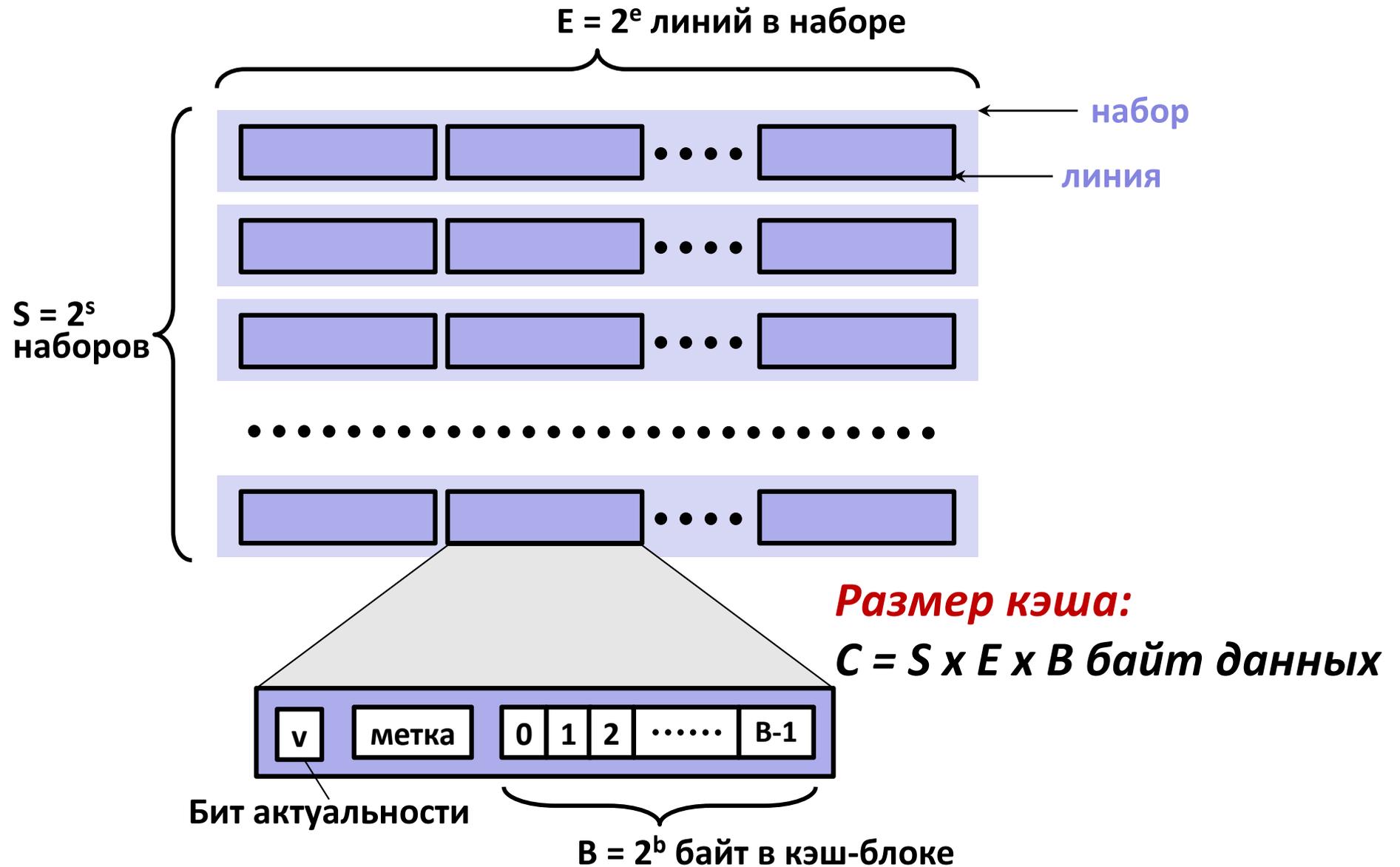


# Кэш-памяти

- **Кэш-памяти** – небольшие, быстрые памяти на основе SRAM, автоматически управляемые аппаратурой.
  - Хранит часто используемые блоки основной памяти
- Ядро ЦП сначала обращается за данными в кэши, а затем в основную память. Если потребуется.
- Типичная структура системы:

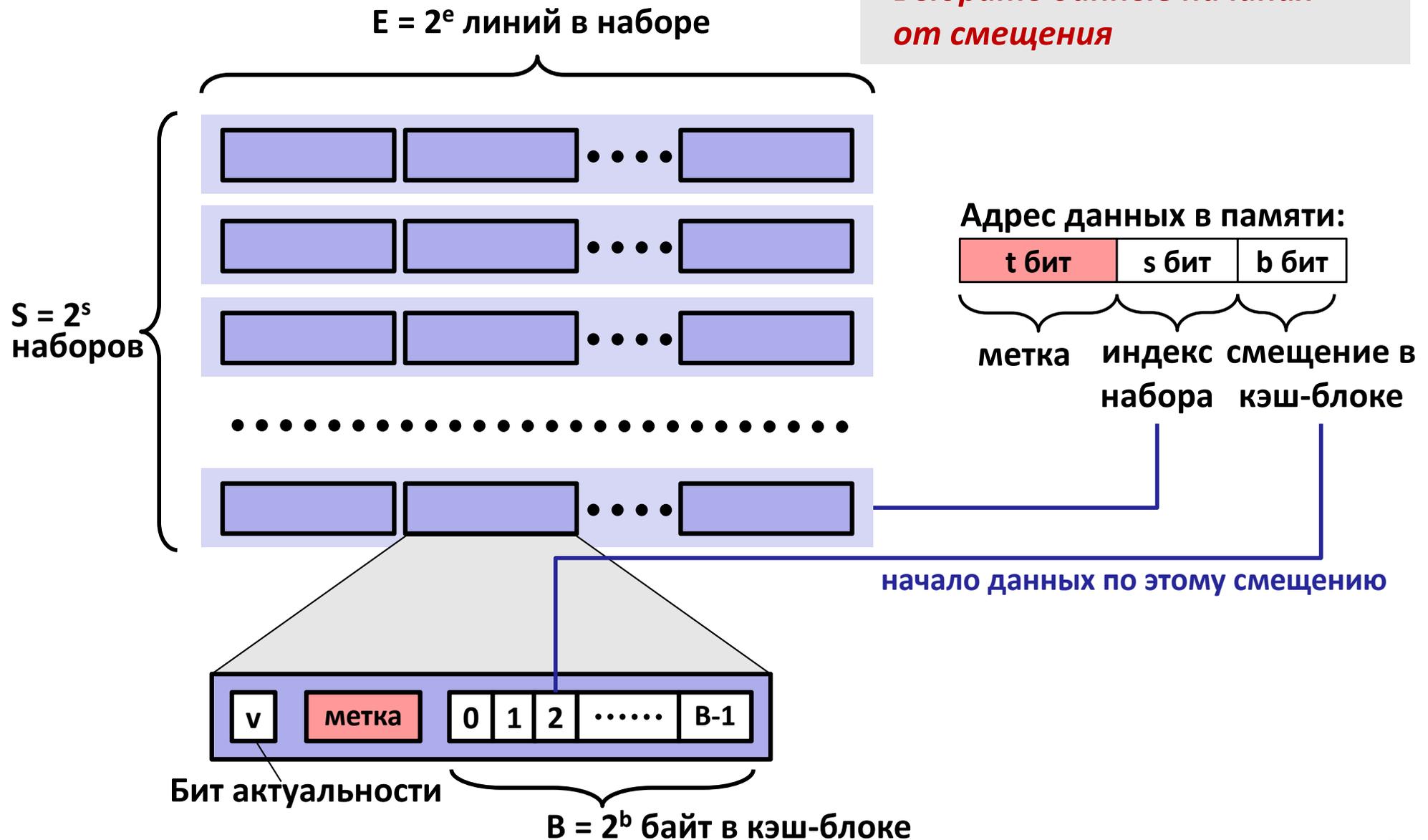


# Общая организация кэша (S, E, V)



# Чтение кэша

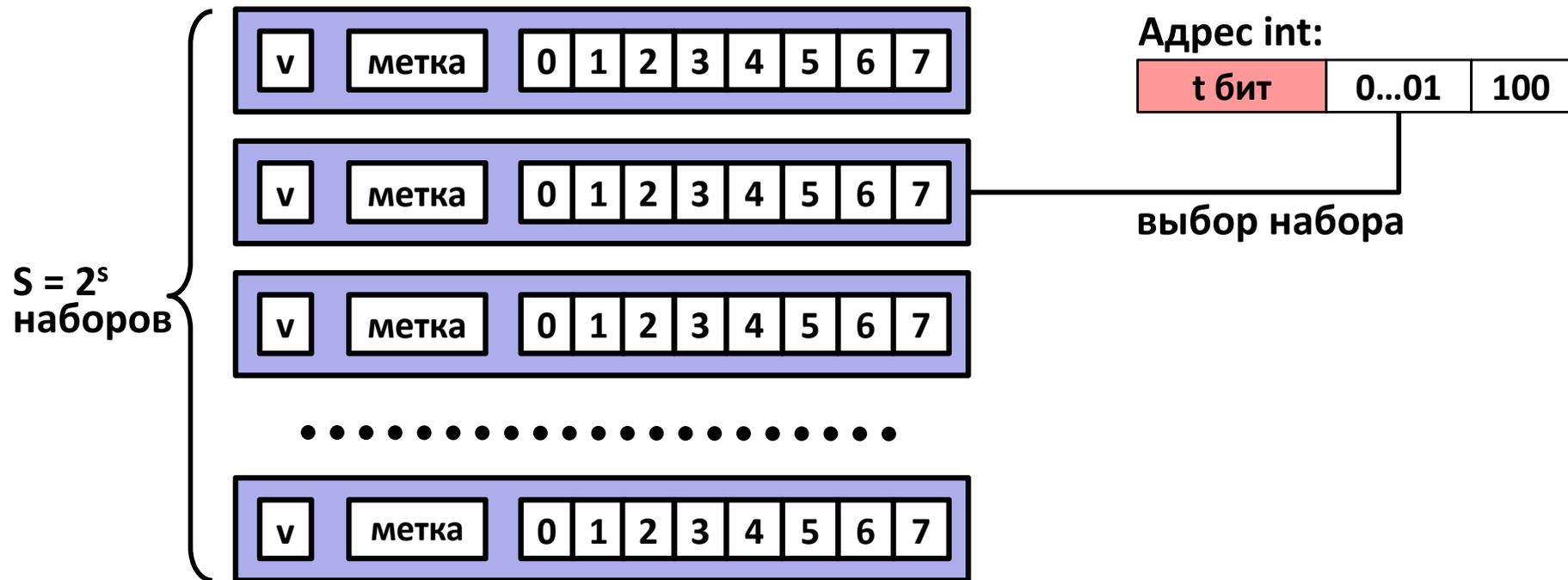
- *Выбрать набор*
- *Проверить на совпадение метки линий в наборе*
- *Есть + актуальна: попадание!*
- *Выбрать данные начиная от смещения*



# Пример: Кэш прямого отображения ( $E = 1$ )

Прямое отображение: одна линия в наборе

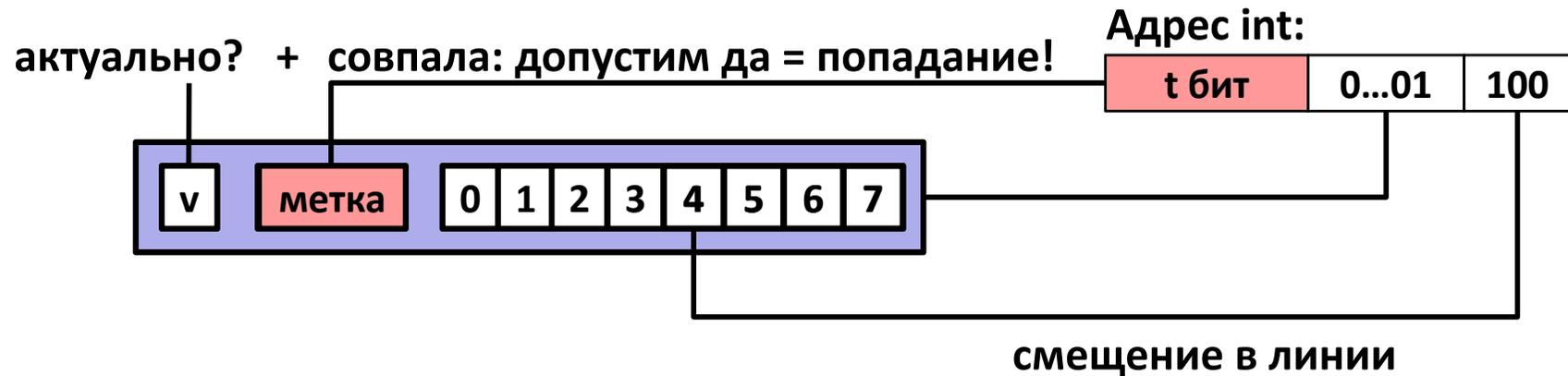
Допустим: размер кэш-блока - 8 байт



# Пример: Кэш прямого отображения ( $E = 1$ )

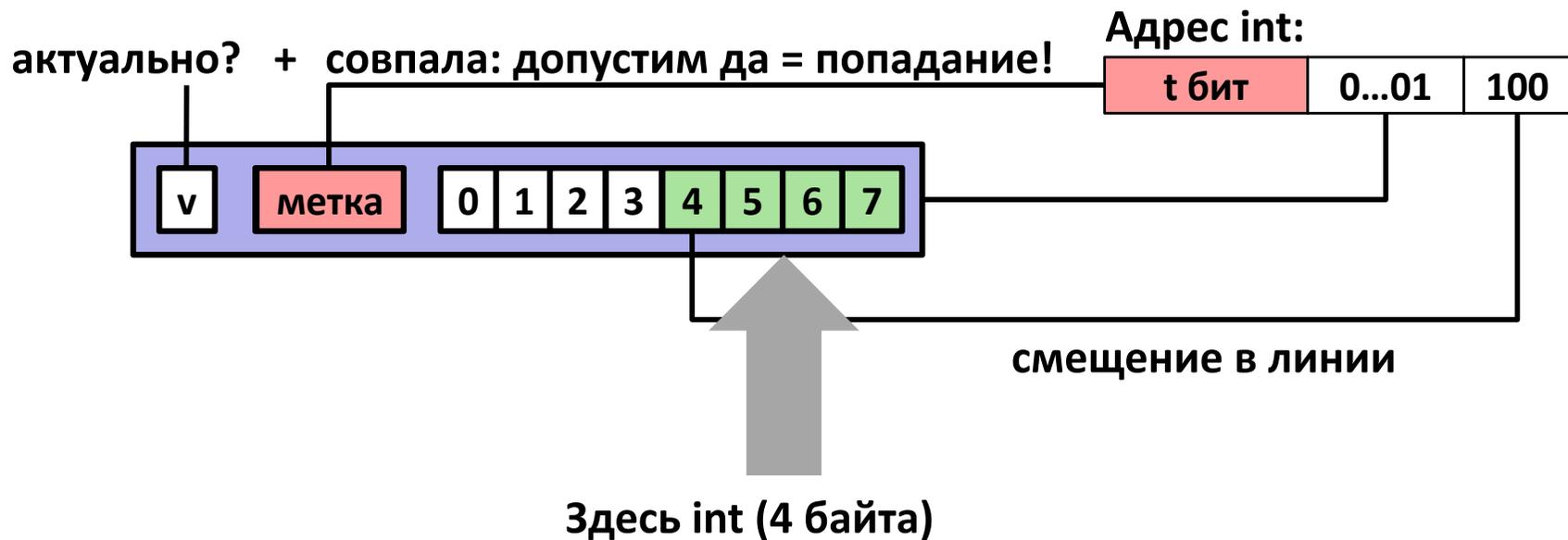
Прямое отображение: одна линия в наборе

Допустим: размер кэш-блока - 8 байт



# Пример: Кэш прямого отображения ( $E = 1$ )

Прямое отображение: одна линия в наборе  
Допустим: размер кэш-блока - 8 байт



**Если не совпала,** то старая линия освобождается и замещается

# Имитирование кэша прямого отображения

t=1	s=2	b=1
x	xx	x

M=16 адресов байтов, V=2 байта в кэш-блоке,  
S=4 набора, E=1 линия в наборе

Трассировка адресов (чтения, по одному байту):

0	[ <u>0000</u> <sub>2</sub> ],	промах
1	[ <u>0001</u> <sub>2</sub> ],	попадание
7	[ <u>0111</u> <sub>2</sub> ],	промах
8	[ <u>1000</u> <sub>2</sub> ],	промах
0	[ <u>0000</u> <sub>2</sub> ]	промах

	v	метка	кэш-блок
Набор 0	1	0	M[0-1]
Набор 1			
Набор 2			
Набор 3	1	0	M[6-7]

# E-канальный наборно-ассоциативный кэш (здесь: E = 2)

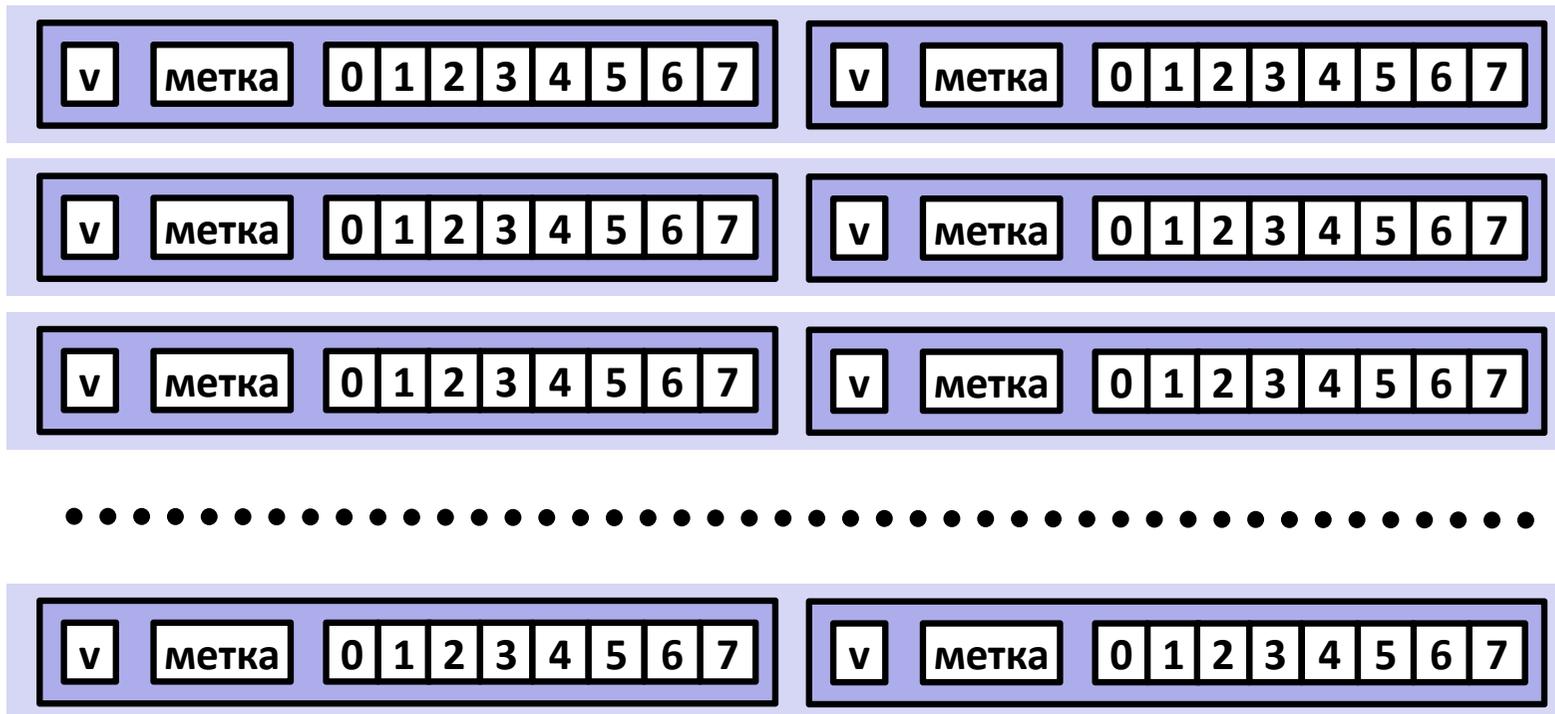
E = 2: Две линии в наборе

Допустим: размер кэш-блока – 8 байт

Адрес short int:



выбор набора



# E-канальный наборно-ассоциативный кэш (здесь: E = 2)

E = 2: Две линии в наборе

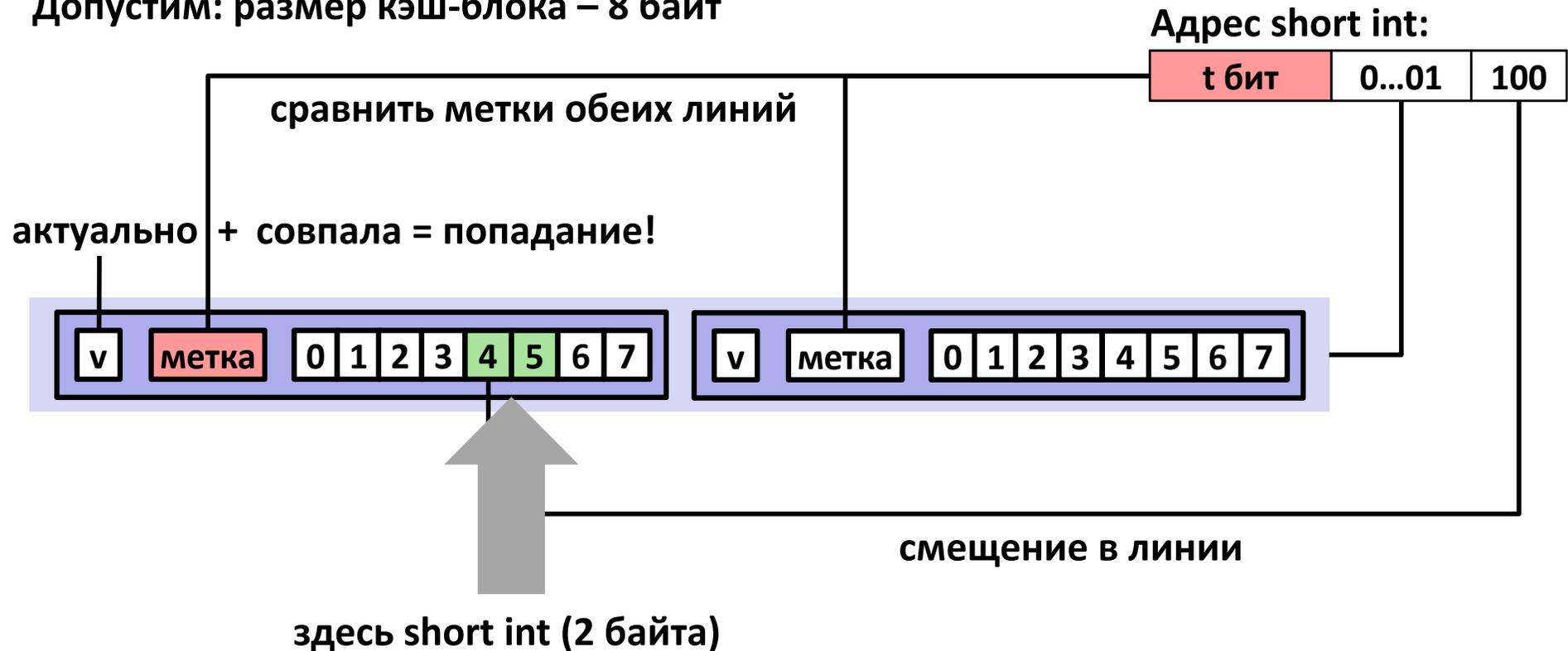
Допустим: размер кэш-блока – 8 байт



# Е-канальный наборно-ассоциативный кэш (здесь: $E = 2$ )

$E = 2$ : Две линии в наборе

Допустим: размер кэш-блока – 8 байт



**Если не совпала, то...**

- Одна линия в наборе освобождается и замещается
- Политики замещения: случайно, least recently used (LRU), ...

# Имитирование 2-канального наборно-ассоциативного кэша

t=2	s=1	b=1
xx	x	x

M=16 байтовых адресов, V=2 байта в кэш-блоке,  
S=2 набора, E=2 линии в наборе

Трассировка адресов (чтения, по одному байту):

0	[00 <u>0</u> 0 <sub>2</sub> ],	промах
1	[00 <u>0</u> 1 <sub>2</sub> ],	попадание
7	[01 <u>1</u> 1 <sub>2</sub> ],	промах
8	[10 <u>0</u> 0 <sub>2</sub> ],	промах
0	[00 <u>0</u> 0 <sub>2</sub> ]	попадание

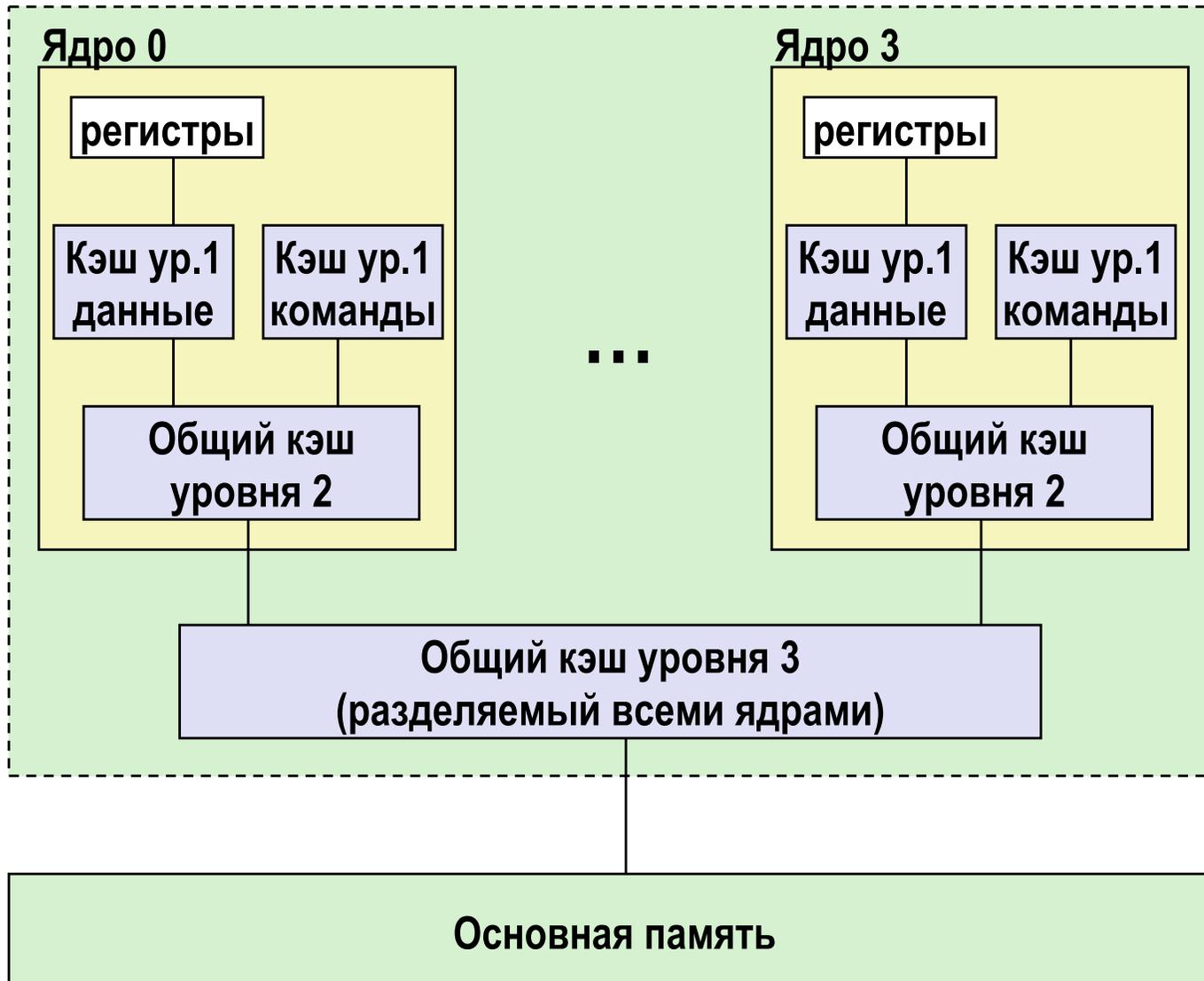
	v	метка	кэш-блок
Блок 0	1	00	M[0-1]
	1	10	M[8-9]
Блок 1	1	01	M[6-7]
	0		

# Немного о записи

- **Присутствуют несколько копий данных:**
  - Кэши памяти, основная память, диск
- **Что делать при записи с попаданием?**
  - **Write-through** (запись непосредственно в память )
  - **Write-back** (запись в память задерживается до замены линии)
    - Нужен бит несоответствия (линия совпадает с памятью или нет)
- **Что делать при записи с промахом?**
  - **Write-allocate** (загрузка в кэш, изменение линии кэша)
    - Хорошо если ожидаются ещё записи
  - **No-write-allocate** (запись непосредственно в память)
- **Типичные политики**
  - Write-through + No-write-allocate
  - Write-back + Write-allocate

# Иерархия кэшей Intel Core i7

Интегральная схема процессора



**Кэш команд и кэш данных уровня 1:**  
32 КБ, 8-каналов,  
Доступ: 4 цикла

**Общий кэш уровня 2:**  
256 КБ, 8-каналов,  
Доступ: 11 циклов

**Общий кэш уровня 3:**  
8 МБ, 16-каналов,  
Доступ: 30-40 циклов

**Размер кеш-блока: 64 байта для всех кэшей**

# Характеристики эффективности кэша

## ■ Вероятность промахов

- Доля обращений в память не обнаруженных к кэше (промахов / доступов) =  $1 - \text{вероятность попаданий}$
- Типичные значения (в процентах):
  - 3-10% для кэша уровня 1
  - Может быть весьма малым ( $< 1\%$ ) для кэша уровня 2, в зависимости от размера

## ■ Продолжительность доступа в кэш

- Время доставки данных из кэша в процессор
  - Включая время определение наличия данных в кэше
- Типичные величины:
  - 1-2 такта для кэша уровня 1
  - 5-20 тактов для кэша уровня 2

## ■ Продолжительность промаха

- Дополнительное время необходимое при промахе
  - обычно 50-200 тактов для основной памяти (и будет расти!)

# Некоторые мысли о характеристиках эффективности кэша

- **Громадная разница между попаданиями и промахами**
  - До 100 раз, для кэша первого уровня и основной памяти
- **Верно ли что 99% попаданий в два раза лучше чем 97%?**
  - Допустим:  
продолжительность доступа в кэш – 1 такт  
продолжительность промаха – 100 тактов
  - Среднее время доступа:  
97% попаданий:  $1 \text{ такт} + 0.03 * 100 \text{ тактов} = 4 \text{ такта}$   
99% попаданий:  $1 \text{ такт} + 0.01 * 100 \text{ тактов} = 2 \text{ такта}$
- **Поэтому в основном используется термин “вероятность промаха”, и не “вероятность попадания”**

# Создание программ дружелюбных к кэшу

- **Ускорение наиболее часто исполняемых участков**
  - Сосредоточение на внутренних циклах основных функций
- **Минимизация промахов во внутренних циклах**
  - Повторные обращение к переменным (**временная локальность**)
  - Доступ с единичным шагом (**пространственная локальность**)

**Ключевая идея: благодаря пониманию кэш-памяти качественное теоретическое понятие локальности получает практическую количественную меру**

# Кеширование памятей

- Организация и работа кэша
- Влияние кэша на быстродействие памяти
  - Диаграмма быстродействия памяти
  - Реорганизация циклов улучшает пространственную локальность
  - Блокирование улучшает временную локальность

# «Гора» (быстродействия) памяти

- **Скорость чтения** (пропускная способность чтения)
  - К-во байт считываемых из памяти за секунду (МБ/сек)
- **Диаграмма быстродействия памяти «Гора» :**  
Измеренная пропускная способность чтения как функция временной и пространственной локальности.
  - Компактный способ охарактеризовать быстродействие подсистемы памяти.

# Функция измерения «горы»

```
long data[MAXELEMS]; /* Глобальный читаемый массив */

/* test – Читаем первые "elems" элементов
 * массива "data" с шагом "stride",
 * разворачивая цикл 4x4.
 */
int test(int elems, int stride) {
    long i, sx2=stride*2, sx3=stride*3, sx4=stride*4;
    long acc0 = 0, acc1 = 0, acc2 = 0, acc3 = 0;
    long length = elems, limit = length - sx4;

    /* Накапливаем 4 элемента за итерацию */
    for (i = 0; i < limit; i += sx4) {
        acc0 = acc0 + data[i];
        acc1 = acc1 + data[i+stride];
        acc2 = acc2 + data[i+sx2];
        acc3 = acc3 + data[i+sx3];
    }

    /* Подбираем оставшиеся элементы */
    for (; i < length; i++) {
        acc0 = acc0 + data[i];
    }
    return ((acc0 + acc1) + (acc2 + acc3));
}
```

Многократно вызывать `test()`, варьируя `elems` и `stride`.

Для каждого `elems` и `stride`:

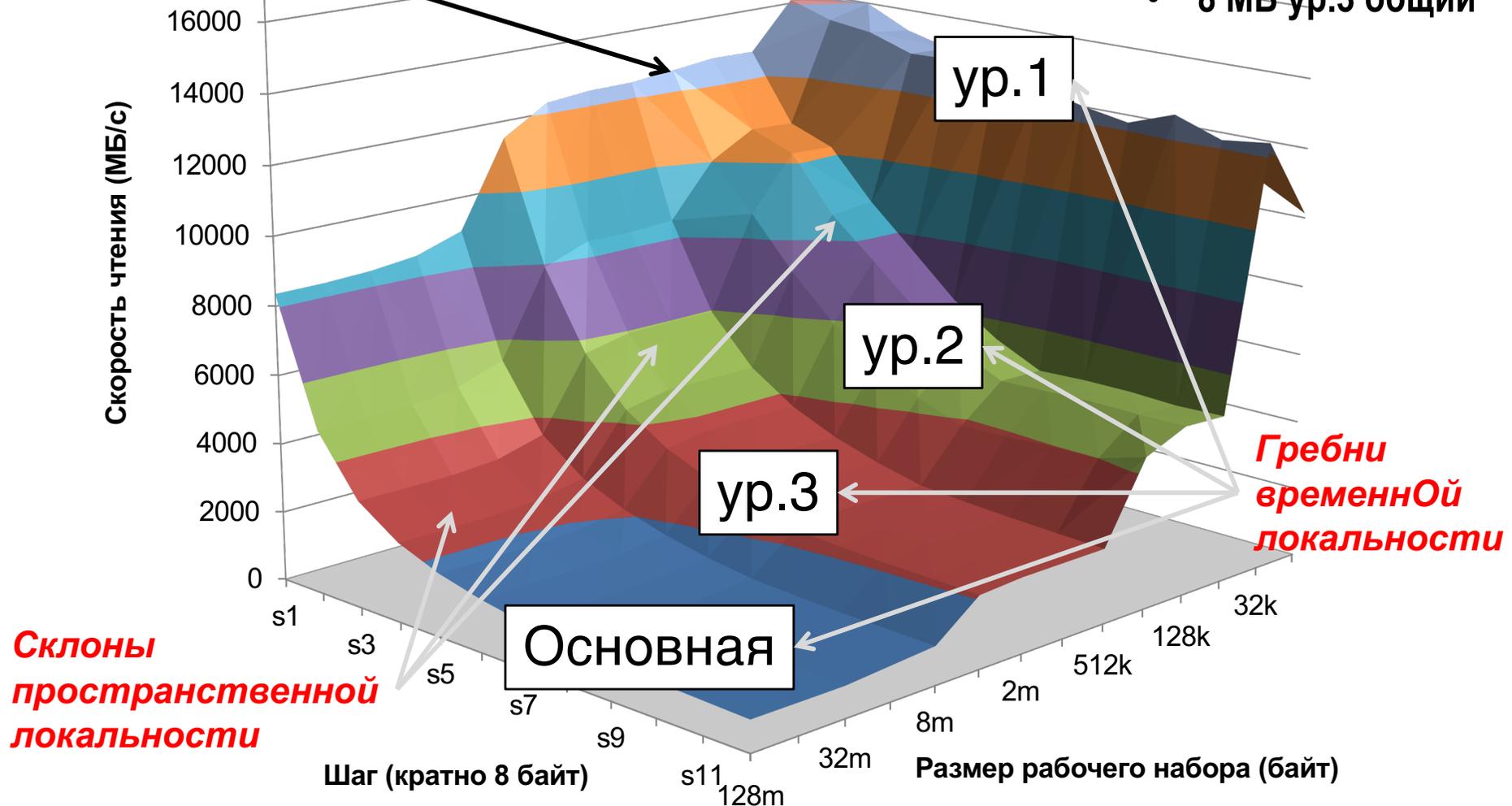
1. Для заполнения кеша вызвать `test()`.
2. Вызывать `test()` снова и измерять скорость чтения (МБ/с)

# «Гора» памяти

Core i7 Haswell 2.1 ГГц  
Размеры кеш-памятей:

- 64 Б блок
- 32 КБ ур.1 данные
- 256 КБ ур.2 общий
- 8 МБ ур.3 общий

**Агрессивная  
предвыборка**



# Кеширование памятей

- Организация и работа кэша
- Влияние кэша на быстродействие памяти
  - Диаграмма быстродействия памяти
  - Реорганизация циклов улучшает пространственную локальность
  - Блокирование улучшает временную локальность

# Пример перемножения матриц

## ■ Описание:

- Перемножение матриц  $N \times N$
- Всего  $O(N^3)$  операций
- $N$  чтений каждого исходного элемента
- Каждый результат - сумма  $N$  значений
  - может накапливаться в регистре

```
/* ijk */
for (i=0; i<n; i++) {
    for (j=0; j<n; j++) {
        sum = 0.0;
        for (k=0; k<n; k++)
            sum += a[i][k] * b[k][j];
        c[i][j] = sum;
    }
}
```

*Переменная sum  
находится  
в регистре*

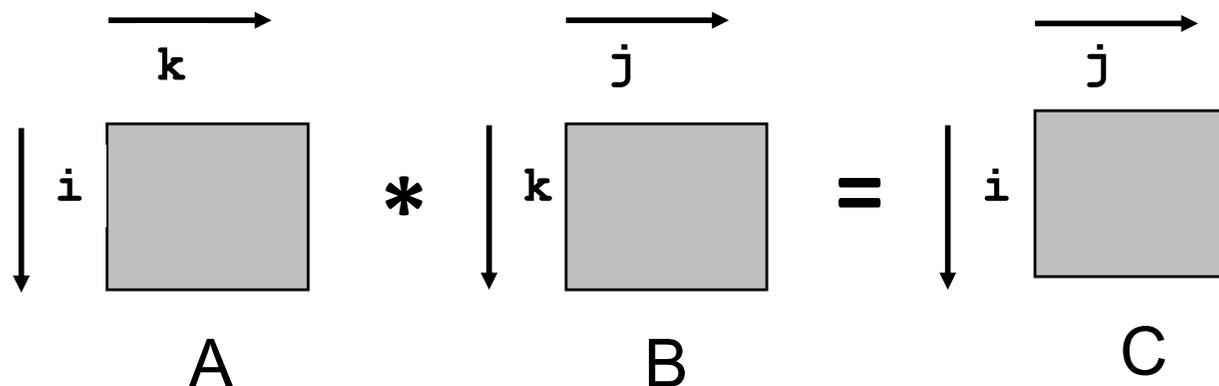
# Анализ вероятности промаха для матричного умножения

## ■ Допустим:

- Размер линии = 32 байта (достаточно для 4-х 64-битных слов)
- Размер матрицы (N) очень большой
  - $1/N$  приблизительно представляется 0.0
- Кэш недостаточно велик, чтобы содержать несколько строк матрицы

## ■ Метод анализа:

- Посмотрим на схему доступа во внутреннем цикле



# Расположение в памяти массивов Си

## ■ Массивы Си хранятся в памяти по строкам

- строки располагаются друг за другом

## ■ Проход по столбцам в одной строке:

- `for (i = 0; i < N; i++)`

`sum += a[0][i];`

- доступ к последовательно расположенным элементам
- Если размер кэш-блока (B) > 4 байт, действует пространственная локальность
  - вероятность вынужденного промаха = 4 байта / B

## ■ Проход по строкам в одном столбце:

- `for (i = 0; i < n; i++)`

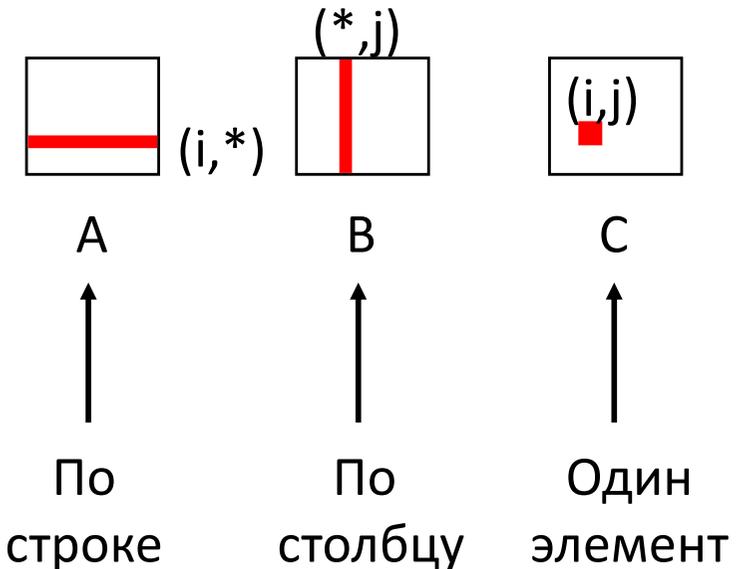
`sum += a[i][0];`

- Доступ к разнесённым в памяти элементам
- Пространственная локальность отсутствует!
  - вероятность вынужденного промаха = 1 (т.е. 100%)

# Перемножение матриц (ijk)

```
/* ijk */  
for (i=0; i<n; i++) {  
  for (j=0; j<n; j++) {  
    sum = 0.0;  
    for (k=0; k<n; k++)  
      sum += a[i][k] * b[k][j];  
    c[i][j] = sum;  
  }  
}
```

Внутренний цикл:



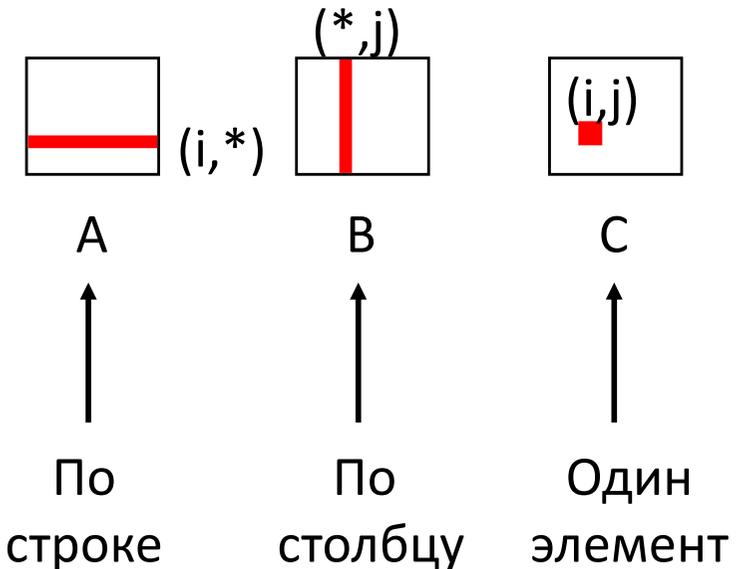
Пронахов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
0.25	1.0	0.0

# Перемножение матриц (jik)

```
/* jik */  
for (j=0; i<n; i++) {  
  for (i=0; j<n; j++) {  
    sum = 0.0;  
    for (k=0; k<n; k++)  
      sum += a[i][k] * b[k][j];  
    c[i][j] = sum;  
  }  
}
```

Внутренний цикл:

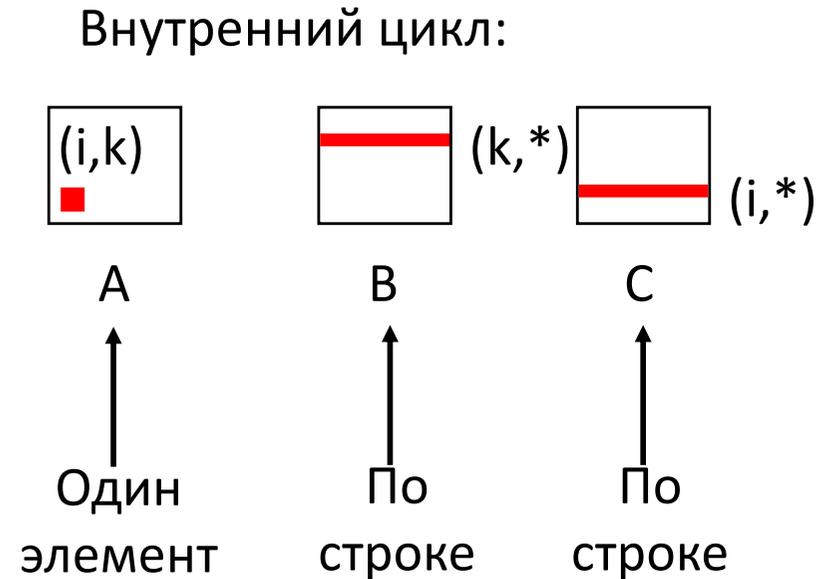


Пронахов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
0.25	1.0	0.0

# Перемножение матриц (kij)

```
/* kij */  
for (k=0; k<n; k++) {  
  for (i=0; i<n; i++) {  
    r = a[i][k];  
    for (j=0; j<n; j++)  
      c[i][j] += r * b[k][j];  
  }  
}
```



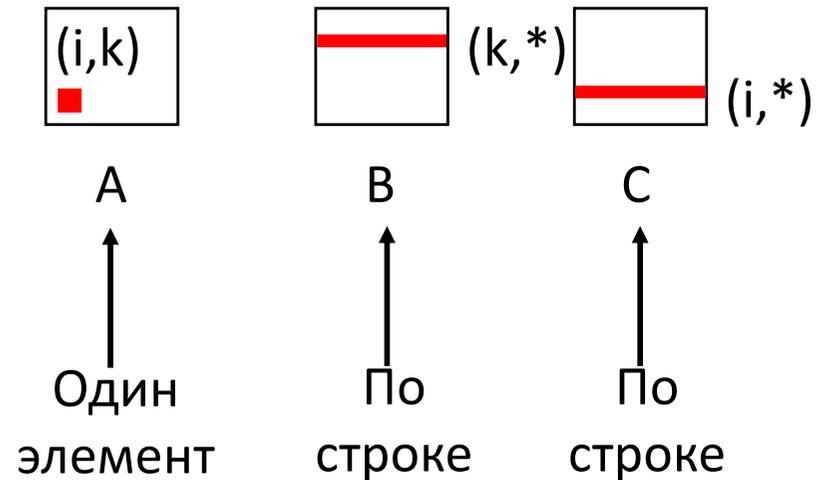
Промахов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
0.0	0.25	0.25

# Перемножение матриц (ikj)

```
/* ikj */  
for (i=0; k<n; k++) {  
    for (k=0; i<n; i++) {  
        r = a[i][k];  
        for (j=0; j<n; j++)  
            c[i][j] += r * b[k][j];  
    }  
}
```

Внутренний цикл:



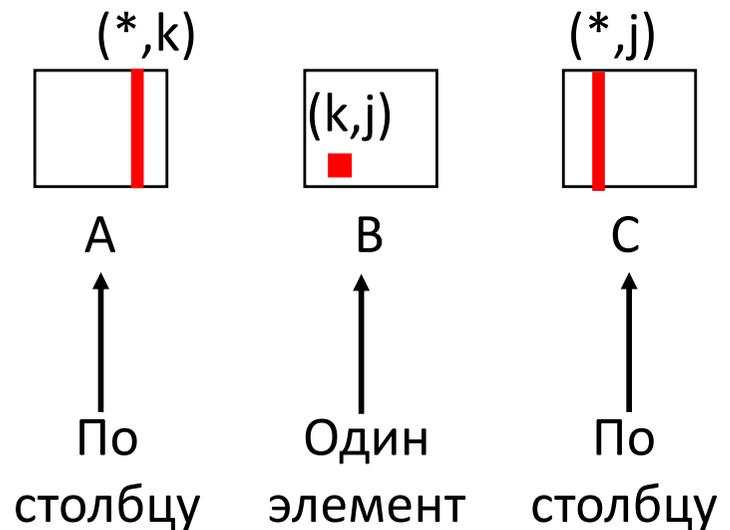
Промыслов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
0.0	0.25	0.25

# Перемножение матриц (jki)

```
/* jki */  
for (j=0; j<n; j++) {  
  for (k=0; k<n; k++) {  
    r = b[k][j];  
    for (i=0; i<n; i++)  
      c[i][j] += a[i][k] * r;  
  }  
}
```

Внутренний цикл:



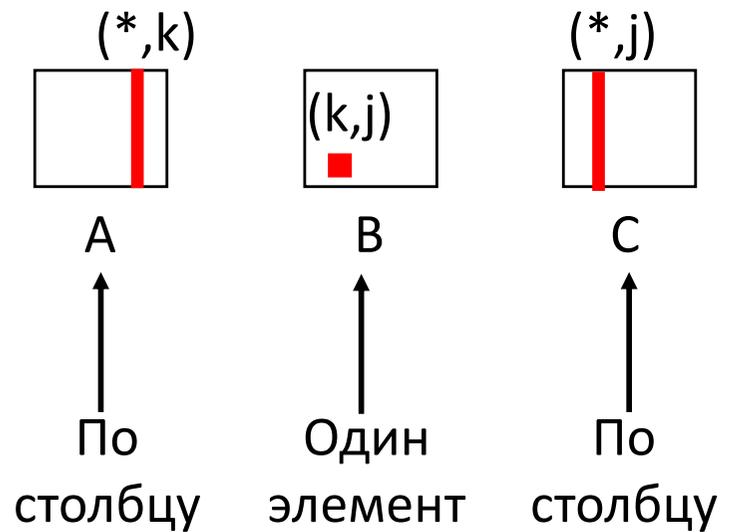
Прوماхов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
1.0	0.0	1.0

# Перемножение матриц (kji)

```
/* kji */  
for (k=0; j<n; j++) {  
  for (j=0; k<n; k++) {  
    r = b[k][j];  
    for (i=0; i<n; i++)  
      c[i][j] += a[i][k] * r;  
  }  
}
```

Внутренний цикл:



Прوماхов в итерации внутреннего цикла:

<u>A</u>	<u>B</u>	<u>C</u>
1.0	0.0	1.0

# Сводка перемножений матриц

```
for (i=0; i<n; i++) {  
    for (j=0; j<n; j++) {  
        sum = 0.0;  
        for (k=0; k<n; k++)  
            sum += a[i][k] * b[k][j];  
        c[i][j] = sum;  
    }  
}
```

**ijk и jik:**

- 2 чтения, 0 записей
- промахов в итерации = **1.25**

```
for (k=0; k<n; k++) {  
    for (i=0; i<n; i++) {  
        r = a[i][k];  
        for (j=0; j<n; j++)  
            c[i][j] += r * b[k][j];  
    }  
}
```

**kij и ikj:**

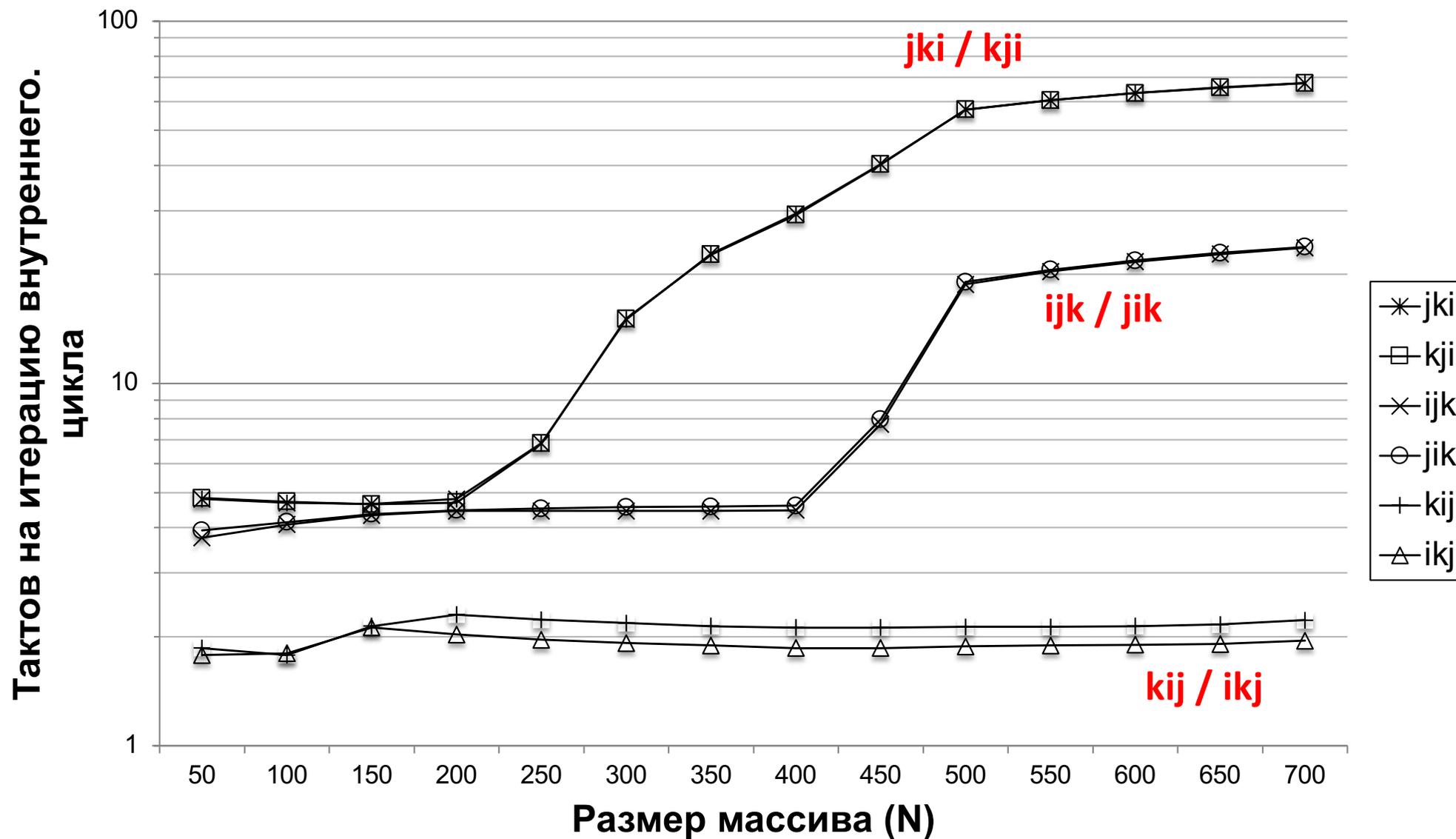
- 2 чтения, 1 запись
- промахов в итерации = **0.5**

```
for (j=0; j<n; j++) {  
    for (k=0; k<n; k++) {  
        r = b[k][j];  
        for (i=0; i<n; i++)  
            c[i][j] += a[i][k] * r;  
    }  
}
```

**jki и kji:**

- 2 чтения, 1 запись
- промахов в итерации = **2.0**

# Скорость перемножения матриц на Core i7

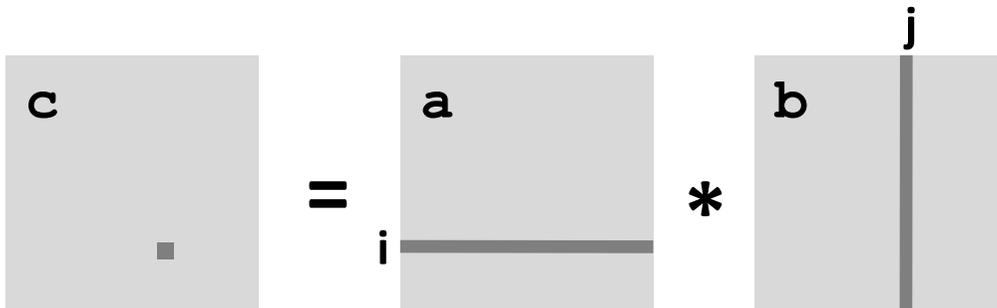


# Кеширование памятей

- Организация и работа кэша
- Влияние кэша на быстродействие памяти
  - Диаграмма быстродействия памяти
  - Реорганизация циклов улучшает пространственную локальность
  - Блокирование улучшает временную локальность

# Пример: Перемножение матриц

```
c = (double *) calloc(sizeof(double), n*n);  
  
/* Перемножение a и b - матриц размерами n x n */  
void mmm(double *a, double *b, double *c, int n) {  
    int i, j, k;  
    for (i = 0; i < n; i++)  
        for (j = 0; j < n; j++)  
            for (k = 0; k < n; k++)  
                c[i*n + j] += a[i*n + k] * b[k*n + j];  
}
```



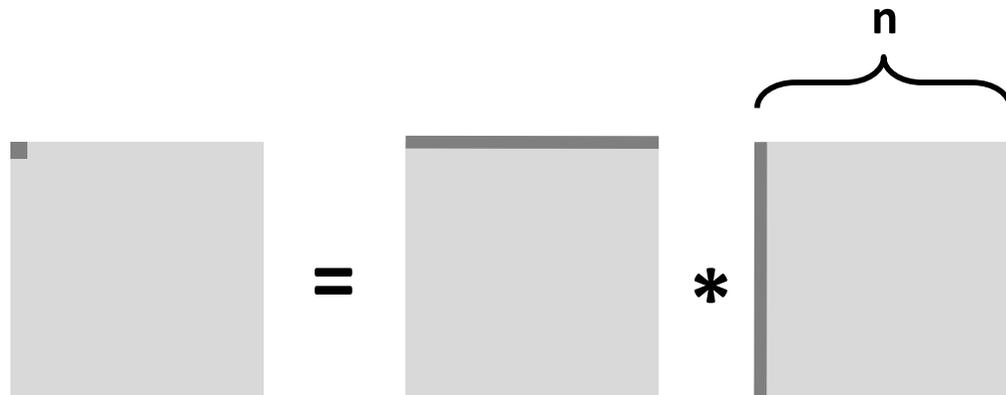
# Анализ промахов кэша

## ■ Допустим:

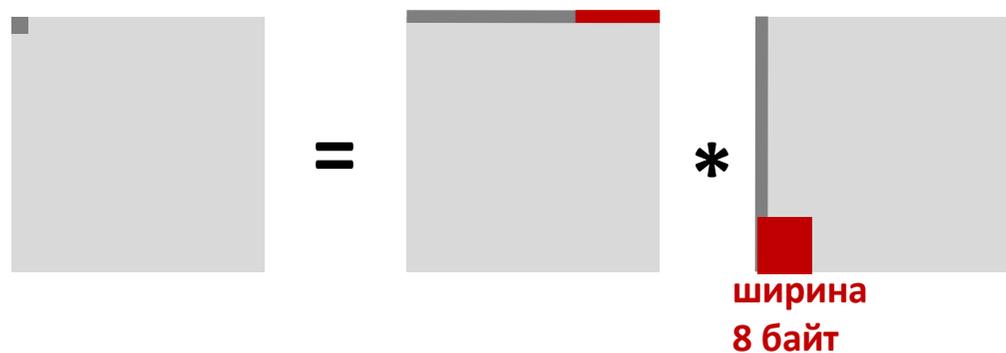
- Элементы матриц – double
- Блок кэша = 8 double (64 байта)
- Размер кэша  $C \ll n$  (много меньше  $n$ )

## ■ Первая итерация:

- $n/8 + n = 9n/8$  промахов



- После итерации **в кэше:**  
(схематично)



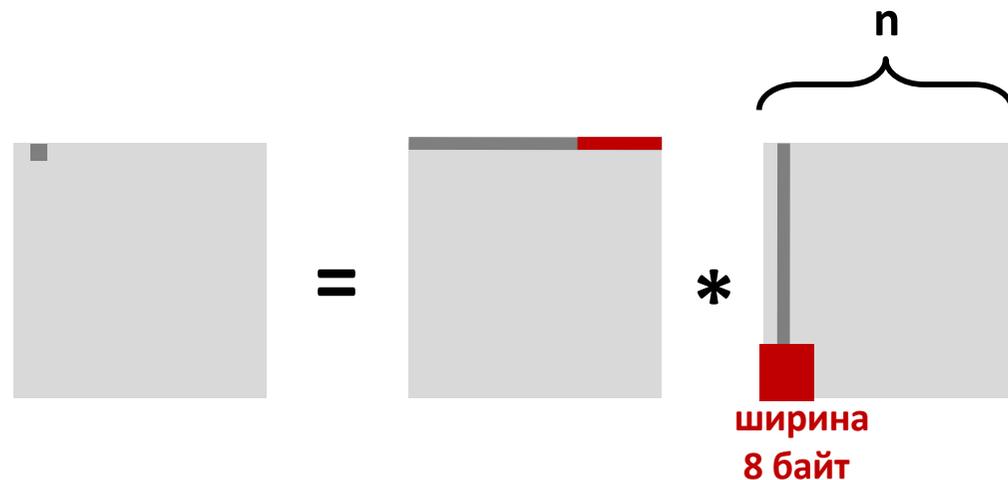
# Анализ промахов кэша

## ■ Допустим:

- Элементы матриц – double
- Блок кэша = 8 double (64 байта)
- Размер кэша  $C \ll n$  (много меньше  $n$ )

## ■ Вторая итерация:

- Опять:  
 $n/8 + n = 9n/8$  промахов



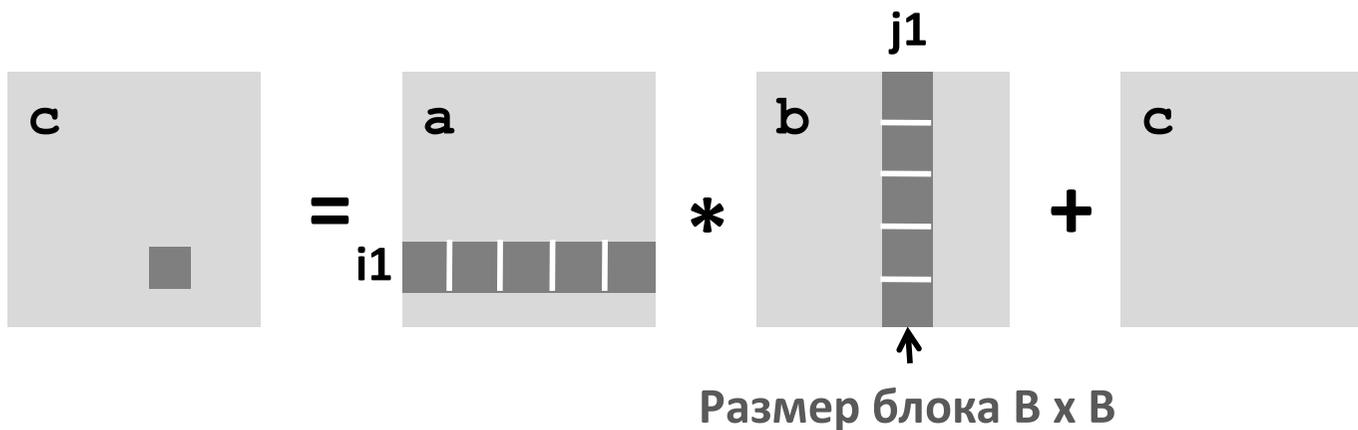
## ■ Всего промахов:

- $9n/8 * n^2 = (9/8) * n^3$

# Блочное перемножение матриц

```
c = (double *) calloc(sizeof(double), n*n);

/* Перемножение a и b - матриц размерами n x n */
void mmm(double *a, double *b, double *c, int n) {
    int i, j, k;
    for (i = 0; i < n; i+=B)
        for (j = 0; j < n; j+=B)
            for (k = 0; k < n; k+=B)
                /* Перемножение мини-матриц размерами B x B */
                for (i1 = i; i1 < i+B; i++)
                    for (j1 = j; j1 < j+B; j++)
                        for (k1 = k; k1 < k+B; k++)
                            c[i1*n+j1] += a[i1*n + k1]*b[k1*n + j1];
}
```



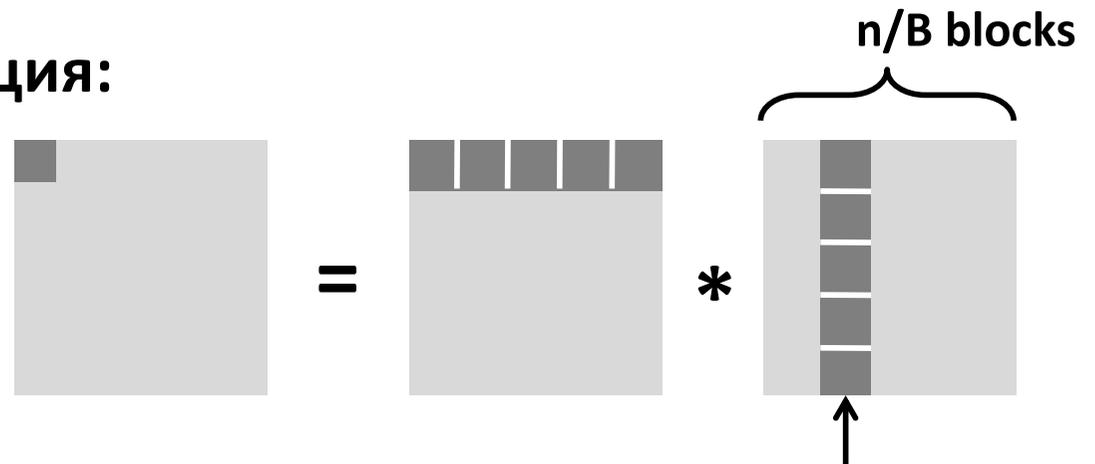
# Анализ промахов кэша

## ■ Допустим:

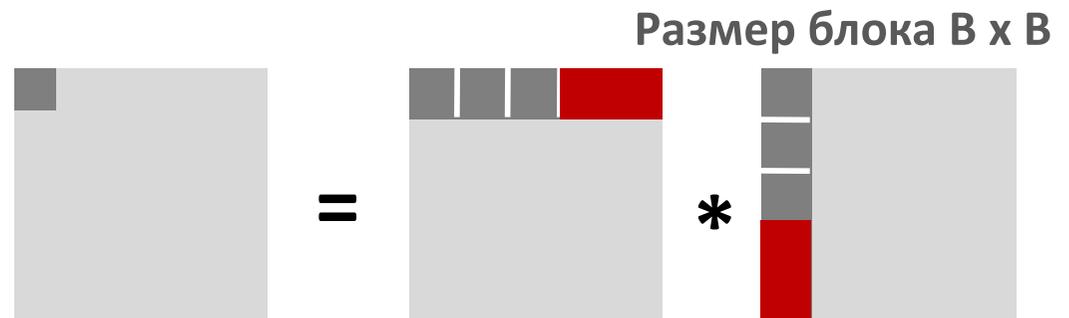
- Блок кэша = 8 doubles
- Размер кэша  $C \ll n$  (много меньше  $n$ )
- Четыре блока ■ уместятся в кэш :  $4B^2 < C$

## ■ Первая (блочная) итерация:

- $B^2/8$  промахов в блоке
- $2n/B * B^2/8 = nB/4$   
(не считая матрицу  $c$ )



- То, что осталось в кэше (схематично)



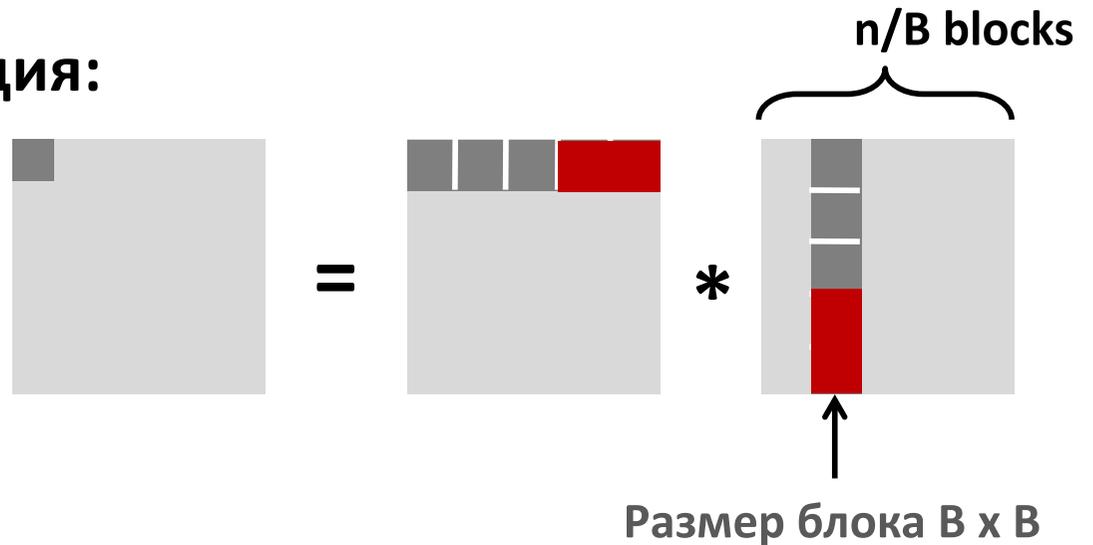
# Анализ промахов кэша

## ■ Допустим:

- Блок кэша = 8 doubles
- Размер кэша  $C \ll n$  (много меньше  $n$ )
- Четыре блока ■ помещаются в кэш :  $4B^2 < C$

## ■ Вторая (блочная) итерация:

- Как и на первой итерации
- $2n/B * B^2/8 = nB/4$



## ■ Всего промахов:

- $nB/4 * (n/B)^2 = n^3/(4B)$

# Сводка блокирования

- Без блокирования:  $(9/8) * n^3$
- С блокированием:  $1/(4B) * n^3$
  
- Предполагается наибольший размер блока  $B$ , ограниченный как  $4B^2 < C$  !
  
- Причины существенной разницы:
  - Матрице присуща временная локальность:
    - $3n^2$  данных,  $2n^3$  операций
    - Каждый элемент массивов используется  $O(n)$  раз!
  - При условии, что программа написана правильно

# Сводка кеширования

- Кеш-памяти могут сильно влиять на быстродействие
- В можете использовать это в своих программах
  - Фокусируйтесь на внутренних циклах, где возникает большая часть вычислений и обращений в память.
  - Старайтесь улучшать пространственную локальность, обращаясь к данным с минимальным шагом 1.
  - Старайтесь улучшать временную локальность, максимально используя повторно данные, однажды считанные из основной памяти.